

「微分方程式 増補版」正誤表

p.36 下から4行目 誤：(3.26) → 正：(3.18)

p.53 問題4 (4) 誤： $y''' - 2y'' + 2y - 1 = 0$ → 正： $y''' - 2y'' + 2y' - y = 0$

p.60 7行目 誤： $(t, z(t))$ → 正： $(x, z(t))$

p.91 8行目 誤： $(2n+1)(2n-1)c_1 = 0$ → 正： $(2n+1)c_1 = 0$

p.112 2行目からの第2段落が誤り。第2段落全体の修正は以下の通り。

さて微分方程式(6.12)を見ると、これは定数係数線形微分方程式で、その解法は第3章§2で学んだ。(6.12)に対応する2次方程式

$$(6.16) \quad \alpha^2 + \mu = 0$$

の解 α を考えるのであった。 $\mu < 0$ のときは(6.16)は異なる2つの実数解 $\pm\sqrt{-\mu}$ を持ち、その場合の(6.12)の基本解系は指数関数 $e^{\sqrt{-\mu}\theta}, e^{-\sqrt{-\mu}\theta}$ で与えられる。これらの1次結合で与えられる $H(\theta)$ は条件(6.15)をみたすことはできないので、 $\mu \geq 0$ の場合を考える。 $\mu = 0$ の場合は $\alpha = 0$ が重解となり、(6.12)の一般解は2次多項式となる。このときは定数が条件(6.15)をみたす解としてとれる。 $\mu > 0$ の場合は(6.12)の基本解系として、 $\sin \sqrt{\mu}\theta, \cos \sqrt{\mu}\theta$ がとれる。よって一般解は

$$\begin{aligned} H(\theta) &= a_1 \sin \sqrt{\mu}\theta + a_2 \cos \sqrt{\mu}\theta \\ &= a_3 \cos(\sqrt{\mu}\theta + \omega) \end{aligned}$$

のように与えられる。ここで a_1, a_2 は任意定数、また後半の表示では a_3, ω が任意定数である。この $H(\theta)$ が条件(6.15)をみたすためには

$$\cos(\sqrt{\mu}(\theta + 2\pi) + \omega) = \cos(\sqrt{\mu}\theta + \omega)$$

とならなければならないので、

$$\sqrt{\mu} = n \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

となることがわかる。したがって $\mu = 0$ の場合もまとめて表すと

$$(6.17) \quad \begin{aligned} H(\theta) &= a_3 \cos(n\theta + \omega) \\ \mu &= n^2 \quad (n = 0, 1, 2, \dots) \end{aligned}$$

が得られる.

p.128 (6) 第2式目以降が誤り。全体を修正すると

$$(6) \frac{dy}{y^2 - 3y + 2} = dx, \log \left| \frac{y-2}{y-1} \right| = x + C', \frac{y-2}{y-1} = Ce^x, y = \frac{Ce^x - 2}{Ce^x - 1}$$

p.128 (11) の3行目

$$\text{誤} : y = \tan \left(\frac{2}{\sqrt{3}} \tan^{-1} \frac{2}{\sqrt{3}} \left(x + \frac{1}{2} \right) + C \right) - \frac{1}{2}$$

→

$$\text{正} : y = \frac{\sqrt{3}}{2} \tan \left(\tan^{-1} \frac{2}{\sqrt{3}} \left(x + \frac{1}{2} \right) + C \right) - \frac{1}{2}$$

p.135 5. (5) 誤 : c^{5x} → 正 : e^{5x}